

中1数学B 2019年度1学期 正負の数・文字式・1次方程式 本問解答 §6 隅取りゲームの数理

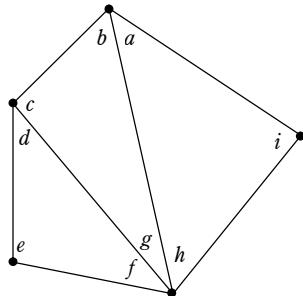
※ 欠席してしまった場合は、p.42 の宿題に取り組んで提出してください（§5 以前の内容からの出題です）。余裕があれば本問も全て解きましょう。

問6.1, 問6.2

実際に何度かゲームをしてみましょう。

同じ図に対しては、どのように線を引いても、できる三角形の個数が同じになっていることが分かるはずです。

問6.3



一方、 m 角形の m 個の外角（右図の p, q, r, s, t の角）の和が 360° になっているので、 m 角形の内角の和は

と表せます。

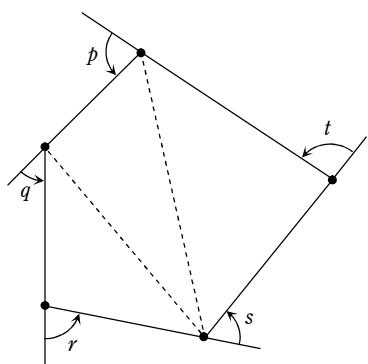
①と②が等しいことから

$$180^\circ \times x = 180^\circ \times (m - 2)$$

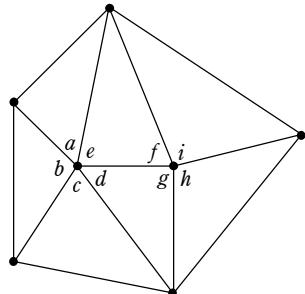
$$\therefore x = m - 2$$

と分かります。

この値 $m-2$ は、はじめの m 角形のみで定まっているので、できる三角形の個数は、分割の方法（線分の引き方）によらず $m-2$ 個であることが言えました。



問6.4



一方、 m 角形の m 個の内角の和は、問 6.3 (3)で見た通り $180^\circ \times (m-2)$

で、これに、 n 個の点のまわりを一周する角度を加えた
 $180^\circ \times (m-2) + 360^\circ \times n$

が①と等しいことから、

$$180^\circ \times x = 180^\circ \times (m - 2) + 360^\circ \times n$$

$$\therefore x = (m - 2) + 2 \times n = m - 2 + 2n$$

と分かります。

この値は、はじめの m 角形と n 個の点のみで定まっているので、できる三角形の個数は、分割の方法(線分の引き方)によらず $m-2+2n$ 個であることが言えました。