

# 中1数学A 2019年度春期講習 文字式とその応用

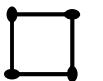
## §5 数列の和

※ 欠席してしまった場合は、問5.1、問5.2を解いてみよう。

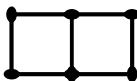
### 問5.1

1番目は4本で、その後3本ずつ増えていくので、 $n$ 番目は

$$4 + \underbrace{3 + 3 + \cdots + 3}_{n-1\text{ 個の和}} = 4 + 3 \times (n-1) = 4 + 3n - 3 = \boxed{3n+1} \text{ 本と分かる。}$$



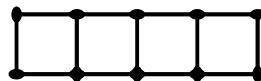
1番目



2番目



3番目



4番目

補足：1番目の4本を1+3本と考えれば、 $n$ 番目は

$$1 + \underbrace{3 + 3 + \cdots + 3}_{n\text{ 個の和}} = \boxed{3n+1} \text{ 本と考えることもできます。}$$

また、 $n$ 番目の図形は正方形 $n$ 個できていますが、 $n-1$ 本の辺が共有されているので、使われているマッチ棒は

$$4n - (n-1) = 4n - n + 1 = \boxed{3n+1} \text{ 本と考えることもできます。}$$

### 問5.2

(1)

$$\begin{array}{rcl} S & = & \boxed{1} + \boxed{2} + \boxed{3} + \cdots + \boxed{99} + \boxed{100} \\ +) \quad S & = & \boxed{100} + \boxed{99} + \boxed{98} + \cdots + \boxed{2} + \boxed{1} \\ \hline 2 \times S & = & \boxed{101} + \boxed{101} + \boxed{101} + \cdots + \boxed{101} + \boxed{101} \end{array}$$

$$\text{より } 2 \times S = 101 \times 100 \quad \therefore S = \boxed{5050}$$

(2)

$$\begin{array}{rcl} T & = & \boxed{1} + \boxed{2} + \boxed{3} + \cdots + \boxed{(n-1)} + \boxed{n} \\ +) \quad T & = & \boxed{(n+1)} + \boxed{(n+1)} + \boxed{(n+1)} + \cdots + \boxed{(n+1)} + \boxed{(n+1)} \end{array}$$

$$\text{より } 2 \times T = (n+1) \times n \quad \therefore T = \boxed{\frac{1}{2}n(n+1)}$$

### 問5.3

(1)

83	82	81	80	79	78	77
84	61	60	59	58	57	76
85	62	47	46	45	56	75
86	63	48	41	44	55	74
87	64	49	42	43	54	73
88	65	50	51	52	53	72
89	66	67	68	69	70	71

- (2) 89以下では、対角線上の数は、確かにすべて素数となっているので、この図の外側まで同じことが成り立ちそうだと思うかもしれません、それは予想でしかありません。
- (3) 対角線上の数は、1番はじめの数が41で、その後2, 4, 6, …と偶数を小さい順に足していくことで得られるので、対角線上の  $n+1$  番目の数は、41に2から  $2n$ までを足した数、すなわち、
- $$41 + (2 + 4 + 6 + \dots + 2n) = 41 + 2(1 + 2 + 3 + \dots + n) = 41 + 2 \times \frac{1}{2}n(n+1) = \boxed{41 + n(n+1)}$$
- です（問5.2(2)の結果を利用しました）。
- (4)  $n=40$ のときの対角線上の  $n+1=41$  番目の数は、 $41 + 40 \times 41 = 41 \times (1 + 40) = 41 \times 41$ となり、素数にはなりません。よって、この図の外側まで含めた対角線上の数がすべて素数になるわけではありません。