

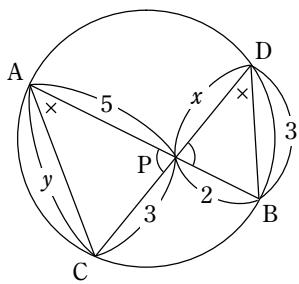
## 中2数学B 2019年度 夏期講習前期 本問解答

### §3 円と三角形の相似

※ 欠席してしまった場合は、**問3.1**, **問3.2**, **問3.4**を（余裕があれば問3.3も）自分で確認し、p.20, p.21の宿題**H3.1～H3.3**に取り組んで提出してください。

#### 問3.1

(1)  $\triangle APC$  と  $\triangle DPB$  において、



$$\angle CAP = \angle BDP \quad (\text{円周角の定理})$$

$$\angle CPA = \angle BPD \quad (\text{対頂角})$$

$$\therefore \triangle APC \sim \triangle DPB \quad (\text{二角相等})$$

対応辺の比を考え、

$$AP : PC = DP : PB$$

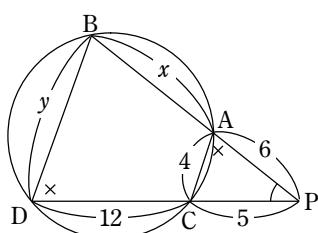
$$5 : 3 = x : 2 \quad \therefore x = 2 \times \frac{5}{3} = \boxed{\frac{10}{3}}$$

また、

$$AC : CP = DB : BP$$

$$y : 3 = 3 : 2 \quad \therefore y = 3 \times \frac{3}{2} = \boxed{\frac{9}{2}}$$

(2)  $\triangle APC$  と  $\triangle DPB$  において、



$$\angle PAC = \angle PDB$$

(内接四角形の定理)

$$\angle APC = \angle DPB \quad (\text{共通})$$

$$\therefore \triangle APC \sim \triangle DPB \quad (\text{二角相等})$$

対応辺の比を考え、

$$AP : PC = DP : PB$$

$$6 : 5 = 17 : (x + 6)$$

$$x + 6 = 17 \times \frac{5}{6} = \frac{85}{6}$$

$$\therefore x = \frac{85}{6} - 6 = \boxed{\frac{49}{6}}$$

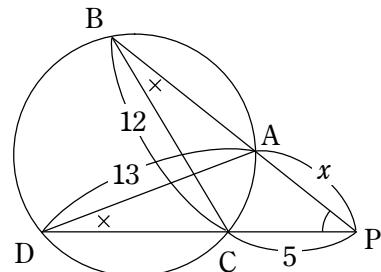
また、

$$AP : AC = DP : DB$$

$$6 : 4 = 17 : y \quad \therefore y = 17 \times \frac{4}{6} = \boxed{\frac{34}{3}}$$

#### 問3.2

$\triangle BPC$  と  $\triangle DPA$  において、



$$\angle PBC = \angle PDA \quad (\text{円周角の定理})$$

$$\angle BPC = \angle DPA \quad (\text{共通})$$

$$\therefore \triangle BPC \sim \triangle DPA \quad (\text{二角相等})$$

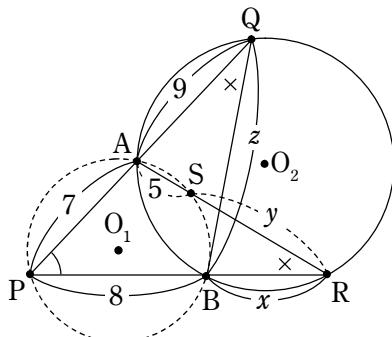
対応辺の比を考え、

$$PC : CB = PA : AD$$

$$5 : 12 = x : 13 \quad \therefore x = 13 \times \frac{5}{12} = \boxed{\frac{65}{12}}$$

### 問3.3

(1)  $\triangle APR$  と  $\triangle BPQ$  において、



$$\angle ARP = \angle BQP \quad (\text{円周角の定理})$$

$$\angle APR = \angle BPQ \quad (\text{共通})$$

$$\therefore \triangle APR \sim \triangle BPQ \quad (\text{二角相等})$$

であるから、対応辺の比を考えて、

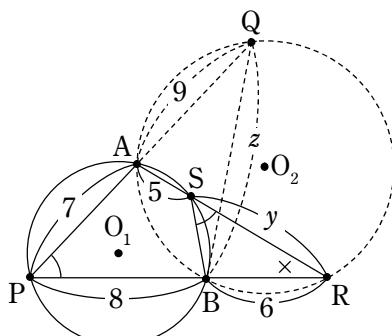
$$AP : PR = BP : PQ$$

$$7 : (8 + x) = 8 : 16$$

$$8 + x = 7 \times \frac{16}{8} = 14$$

$$\therefore x = 14 - 8 = \boxed{6}$$

(2)  $\triangle BRS$  と  $\triangle ARP$  において、



$$\angle BSR = \angle APR$$

(内接四角形の定理)

$$\angle BRS = \angle ARP \quad (\text{共通})$$

$$\therefore \triangle BRS \sim \triangle ARP \quad (\text{二角相等})$$

であるから、対応辺の比を考えて、

$$BR : RS = AR : RP$$

$$6 : y = (5 + y) : 14$$

$$\frac{6}{y} = \frac{5+y}{14}$$

$$y(5+y) = 6 \times 14$$

この方程式を解くと、

$$y^2 + 5y - 84 = 0$$

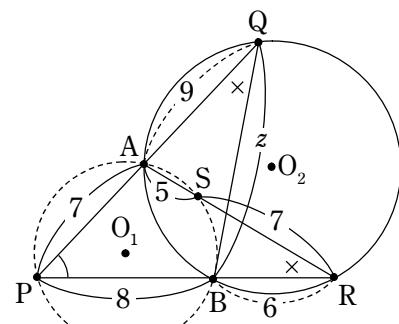
$$(y+12)(y-7) = 0$$

$$y = -12, 7$$

$y > 0$  だから、

$$y = \boxed{7}$$

(3) (1)で示した  $\triangle APR \sim \triangle BPQ$  の対応辺の比を考えて、



$$AP : PR = BP : PQ$$

$$7 : 12 = 8 : z$$

$$\therefore z = 8 \times \frac{12}{7} = \boxed{\frac{96}{7}}$$

