

## 中3数学D 宿題プリント 2学期-10

解答用紙に、求め方・考え方も込めて解答して、来週提出してください。

### 宿題 10-1

次の関数のグラフを描け。特徴的な値と、 $y$ 切片、(あるならば)  $x$ 切片を記入すること。

$$(1) \quad y = \frac{1}{x+1}$$

$$(2) \quad y = \frac{x+2}{x+1}$$

$$(3) \quad y = \frac{1}{x^2+1}$$

$$(4) \quad y = \frac{1}{x^2-1}$$

### 宿題 10-2

$$(1) \quad y = \frac{1}{x-1}$$
 のグラフ  $C$  と、 $y = 2x - 1$  のグラフ  $D$  を同一の  $xy$  平面に描け。

(2)  $C$  と  $D$  の交点の座標を求めよ。

$$(3) \quad \text{不等式 } \frac{1}{x-1} \geq 2x - 1 \text{ を解け。}$$

### 問題 10-3

次の間に答えよ (式の形は問わない).

- (1) 整式  $f(x)$  は 2 次以下であり,  $f(1)=1, f(2)=2, f(3)=4$  を満たす.  $f(x)$  を求めよ.
- (2) 整式  $g(x)$  を  $x-1, x-2, x-3$  で割った余りがそれぞれ 1, 2, 4 である.  $g(x)$  を
$$(x-1)(x-2)(x-3)$$
で割った余りを求めよ.

※ 次の問題は難易度が高めなので, クラス分け試験に備えた復習を優先しても構いません.

### 宿題 10-4#

- (1)  $x$  の 3 次方程式  $x^3 - kx^2 + 4 = 0$  の異なる実数解の個数が 2 個になるような  $k$  の値と, そのときの方程式の 2 解を求めたい.  
異なる 2 解を  $x=\alpha, \beta$  とし,  $\alpha$  が重解であるとするとき, 次の間に答えよ.
  - (i)  $x^3 - kx^2 + 4 = 0$  を,  $\alpha, \beta$  を用いて因数分解せよ.
  - (ii)  $\alpha, \beta, k$  の満たす方程式を求めよ.
  - (iii)  $\alpha, \beta, k$  を求めよ.
- (2)  $y=x$  のグラフと  $y=\frac{4}{x^2}$  のグラフを同一の  $xy$  平面上に描け.
- (3) (1)の結果に注意しながら
$$y = x + \frac{4}{x^2}$$
のグラフを(2)の  $xy$  平面上に書き足し, 特徴的な点の座標を記入せよ ( $x$  切片は求めなくてよい).
- (4)  $x$  の 3 次方程式  $x^3 - kx^2 + 4 = 0$  の異なる実数解の個数を,  $k$  の値で場合分けして求めよ.